

Sup MPSI 3 - Semaine 2

- fiches traitées ; logique , quantificateurs ; récurrence (rappel des différents "types" de récurrence) ; travail sur les sommes et produits (télescopage , réécriture par changement d'indices , $\sum_{k=1}^n k, \sum_{k=1}^n k^2, \sum_{k=1}^n k^3, \sum_{k=0}^n x^k,$

$a^n - b^n = (a - b) \times \sum_{k=0}^{n-1} a^k b^{n-1-k}$) ; sommes doubles ; factorielle , $\binom{n}{k}$,

* formule du binôme de Newton

trigonométrie ; fonction tan ; variations et tracé de cos, sin , tan ; limites en 0 de

$$\frac{\sin(x)}{x}; \frac{\cos(x) - 1}{x}; \frac{\tan(x)}{x}; \frac{\cos(x) - 1}{x^2}$$

- Complexes : conjugué , module , propriétés (dont l'inégalité triangulaire avec le cas d'égalité) ;

complexes de module 1 , notation e^{it} , $e^{i(t+t')} = e^{it} \times e^{it'}$;

formule de Moivre , formules d'Euler , linéarisation ;

* expression de $\cos(nt)$ en fonction des puissances de $\cos(t)$ et $\sin(t)$

* expression de $C = \sum_{k=0}^n \cos(a+kb)$ et $S = \sum_{k=0}^n \sin(a+kb)$

argument d'un complexe non nul,

forme trigonométrique ; recherche des racines carrées par la

forme algébrique ; résolution de $az^2+bz+c=0$ avec a,b,c complexes

et $a \neq 0$; expression de la somme et du produit des racines en

fonction de a,b,et c ;

racines n-ièmes de l'unité ; si $z \neq 1$ est une racine n-ième de l'unité

alors $1+z+z^2 + \dots + z^{n-1} = 0$; solutions de $z^n = a$ avec $a \neq 0$ et $n \geq 1$

exponentielle complexe ; module, argument ; $\exp(z + z') = \exp(z) \times \exp(z')$

* résolution de $\exp(z) = a$, avec a complexe fixé , d'inconnue z complexe.

* résoudre dans \mathbf{C} $\left(\frac{z+1}{z-1}\right)^8 = 1$